

# Faktoriális ANOVA

Két vagy több független faktor

# Adatfájlok

- Gueguen(2012).csv
- MScStatAdatok.csv
- Davey(2003).csv

# Definíciók

- **Faktoriális ANOVA**

- ANOVA modell egy folytonos függő változóval és egynél több diszkrét független változóval. A változókat faktornak hívjuk.

- **Főhatás (main effect)**

- Az egyes faktorok hatása a többi faktortól függetlenül.

- **Interakció (interaction)**

- Két vagy több faktor egymástól függő hatása, tehát akkor beszélünk A és B faktor interakciójáról, ha pl. A faktornak más a hatása B faktor egyik szintjén, mint B faktor másik szintjén.

- **(Egyszerű főhatás (simple main effect)**

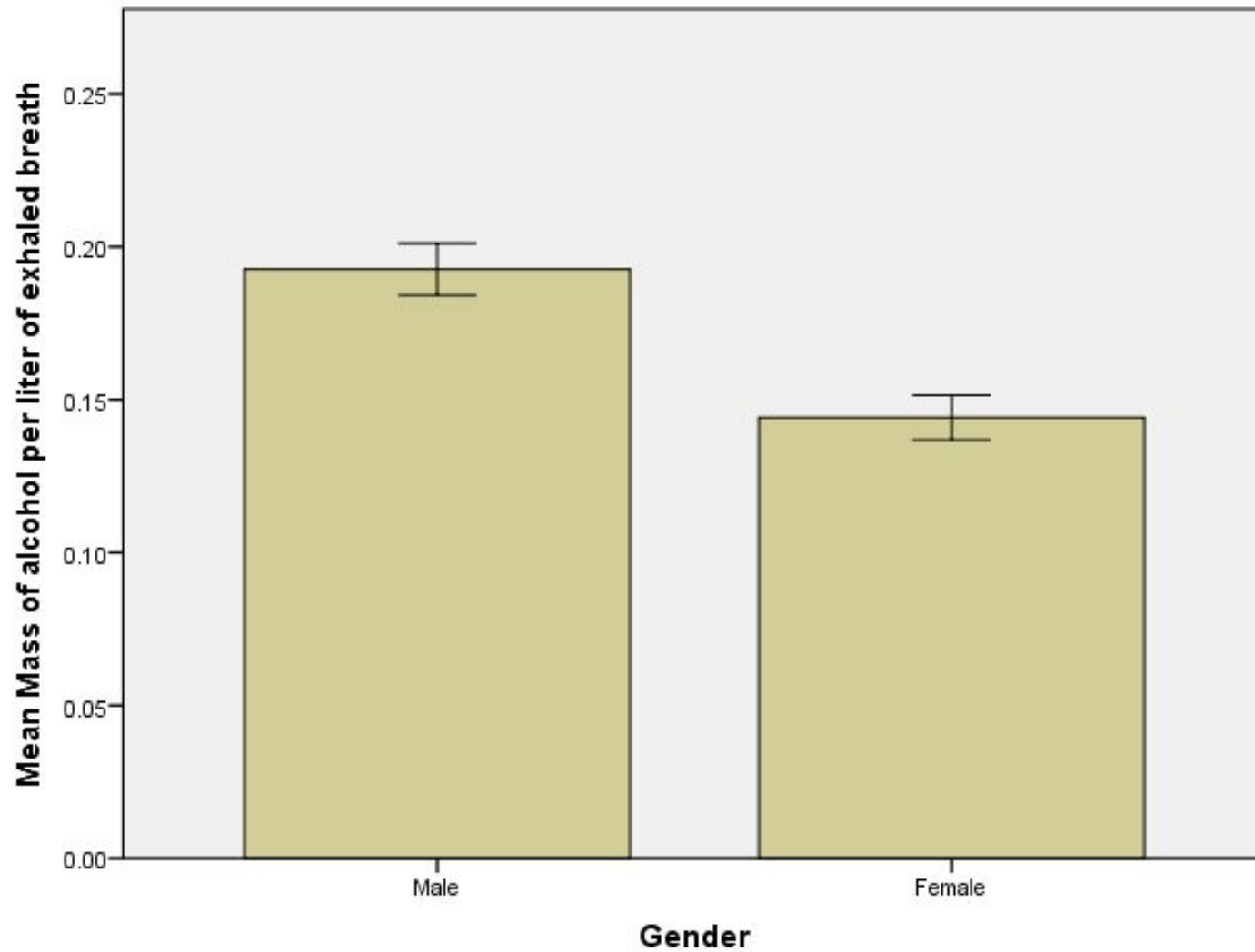
- Az egyik faktor egyik szintjének összehasonlítása a másik faktor valamelyik szintjével)

# Példa: Gueguen(2012).csv

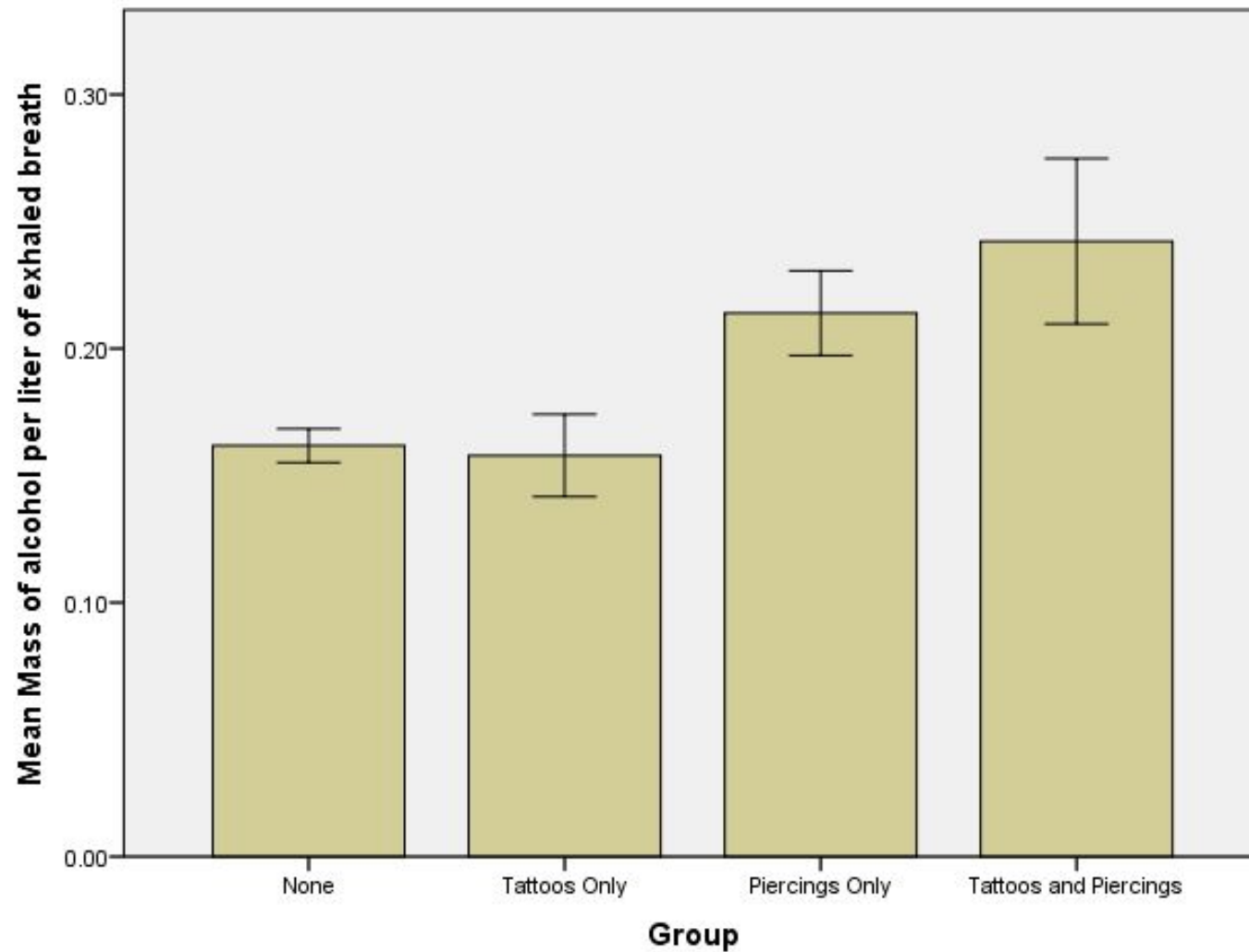
Hipotézis: a testdekorációval rendelkező személyek kockázatvállalóbbak, mint a testdekorációval nem rendelkező személyek, ÉS ez inkább igaz a nőkre, mint a férfiakra.

- Függő változó: véralkoholszint egy kocsmából kijövet
- Faktor 1: testdekoráció (nincs, tetkó, piercing, tetkó és piercing)
- Faktor 2: nem (férfi, nő)

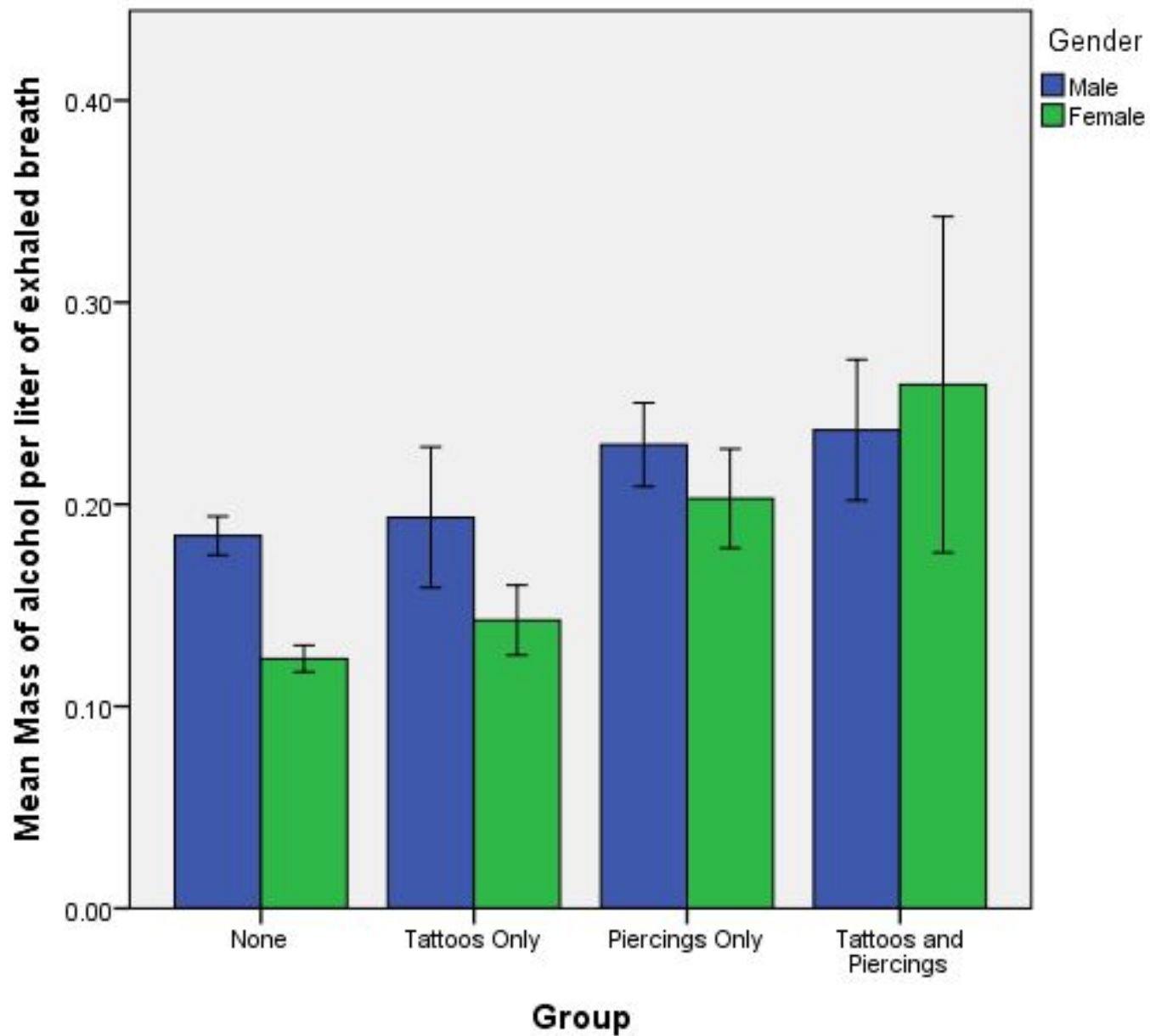
- Dizájn: 2 x 4 (two by four, kétszer négyes) faktoriális ANOVA modell
- Eredmények:
  - Nem főhatása: férfiak és nők alkoholfogyasztása közötti különbség testdekorációtól függetlenül)
  - Testdekoráció főhatása: négy csoport (tetkó, piercing, tetkó+piercing, semmi) alkoholfogyasztása közötti különbség nemtől függetlenül
  - Interakció: eltérően hat-e a testdekoráció a nők illetve a férfiak alkoholfogyasztására



Error Bars: 95% CI

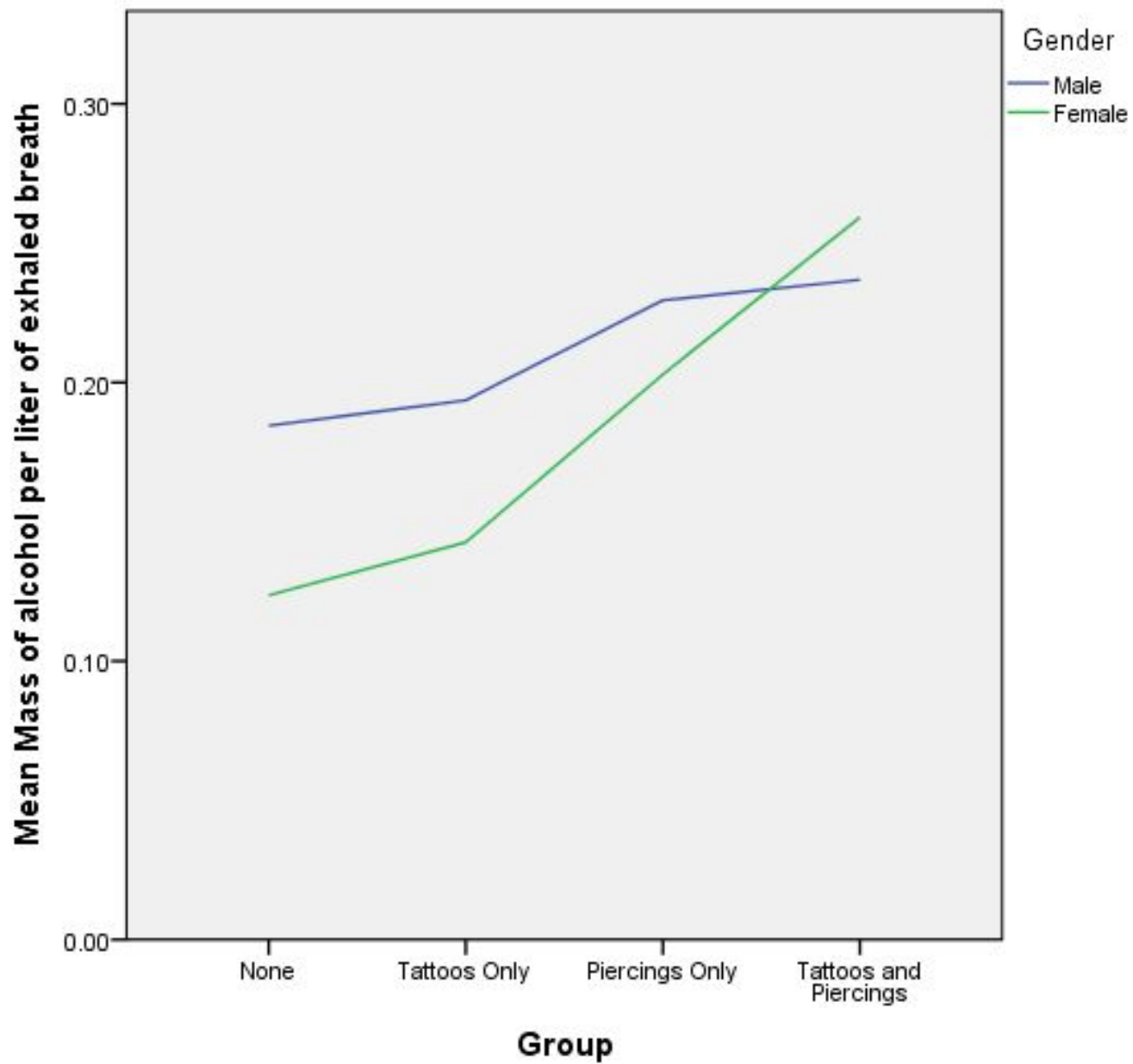


Error Bars: 95% CI



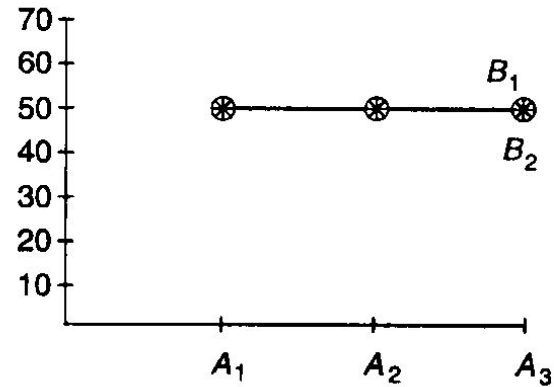
Error Bars: 95% CI





# Lehetséges eredmények

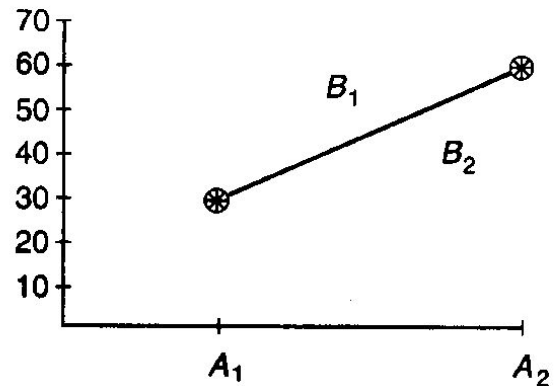
	<u>A<sub>1</sub></u>	<u>A<sub>2</sub></u>	<u>A<sub>3</sub></u>	Mean
B <sub>1</sub>	50	50	50	50
B <sub>2</sub>	50	50	50	50
Mean	50	50	50	



Nincs hatás

(a) 3 × 2 Factorial (A, B, and the interaction are not significant)

	<u>A<sub>1</sub></u>	<u>A<sub>2</sub></u>	Mean
B <sub>1</sub>	30	60	45
B <sub>2</sub>	30	60	45
Mean	30	60	

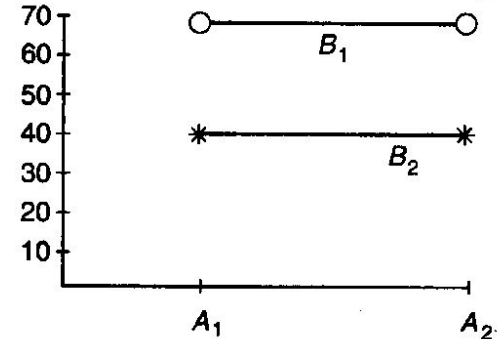


A főhatása

(b) 2 × 2 Factorial (A is significant; B and the interaction are not significant)

# Lehetséges eredmények

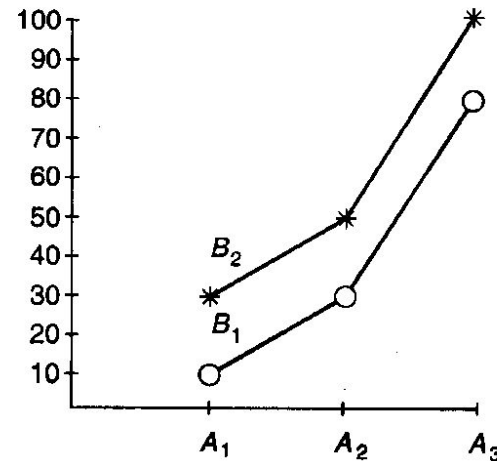
	$A_1$	$A_2$	Mean
$B_1$	70	70	70
$B_2$	40	40	40
Mean	55	55	



B főhatása

(c)  $2 \times 2$  Factorial ( $B$  is significant;  $A$  and the interaction are not significant)

	$A_1$	$A_2$	$A_3$	Mean
$B_1$	10	30	80	40
$B_2$	30	50	100	60
Mean	20	40	90	

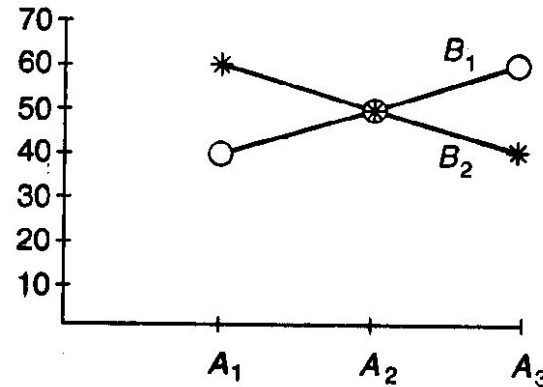


A és B főhatása

(d)  $3 \times 2$  Factorial ( $A$  and  $B$  are significant; the interaction is not significant)

# Lehetséges eredmények

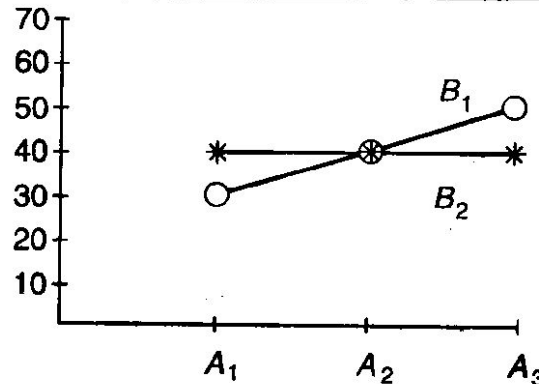
	$A_1$	$A_2$	$A_3$	Mean
$B_1$	40	50	60	50
$B_2$	60	50	40	50
Mean	50	50	50	



A és B  
interakciója  
főhatás  
nélkül

(e)  $3 \times 2$  Factorial (the interaction is significant:  $A$  and  $B$  are not significant)

	$A_1$	$A_2$	$A_3$	Mean
$B_1$	30	40	50	40
$B_2$	40	40	40	40
Mean	35	40	45	

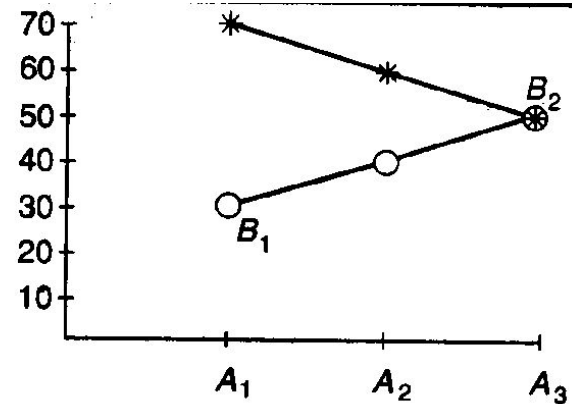


A és B  
interakciója  
+ A  
főhatása

(f)  $3 \times 2$  Factorial ( $A$  and the interaction are significant;  $B$  is not significant)

# Lehetséges eredmények

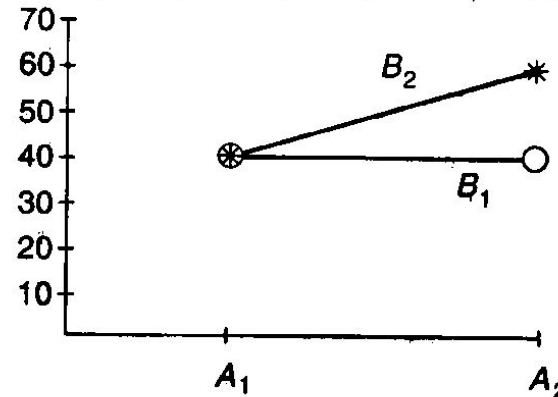
	$A_1$	$A_2$	$A_3$	Mean
$B_1$	30	40	50	40
$B_2$	70	60	50	60
Mean	50	50	50	



A és B  
interakciója  
+ B  
főhatása

(g)  $3 \times 2$  Factorial ( $B$  and the interaction are significant;  $A$  is not significant)

	$A_1$	$A_2$	Mean
$B_1$	40	40	40
$B_2$	40	60	50
Mean	40	50	



A és B  
interakciója  
+ A főhatása +  
B főhatása

(h)  $2 \times 2$  Factorial ( $A$ ,  $B$ , and the interaction are significant)

**FORMÁLISAN**

# Az ANOVA modell alapja (emlékeztető)

Eredménye: F arányszám (F ratio) =

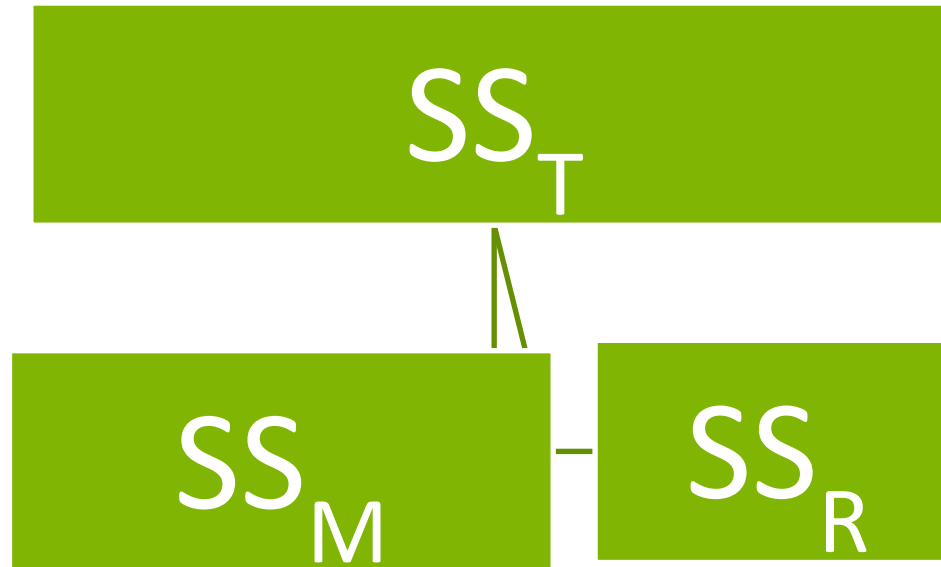
$$\frac{\textit{Szisztematikus variancia}}{\textit{Random variancia (hiba)}}$$

Szisztematikus variancia: a kísérleti manipulációnak (a független változó hatásának) köszönhető variancia (különbségek az átlagok között)

Random variancia (hiba): random különbségek a kísérleti személyek között

Ha a szisztematikus variancia nagy a hibavarianciához képest, szignifikáns eredményünk van: a független változó szignifikáns hatással van a függő változóra

# A variancia felosztása

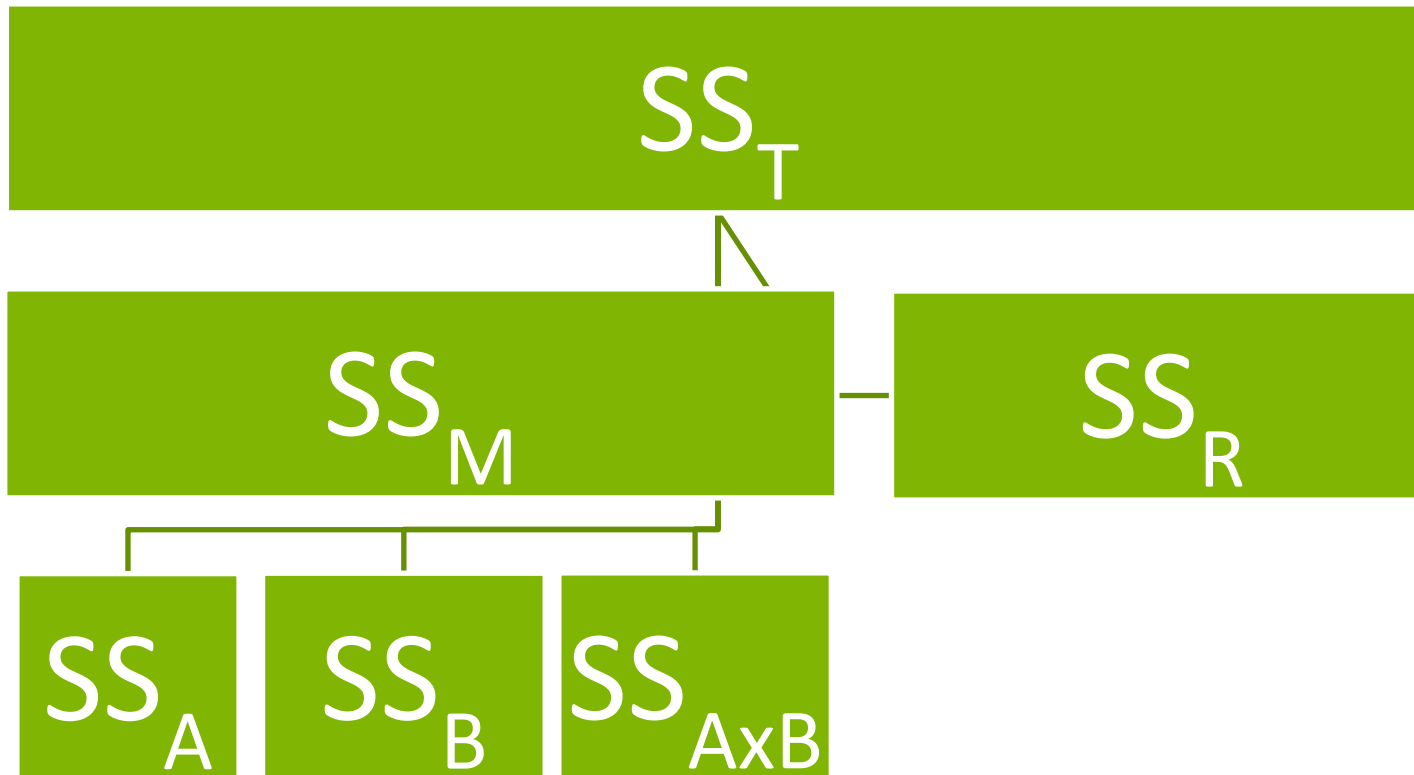


$SS_T$  = Sums of Squares Total

$SS_M$  = Sums of Squares Model  
(Szisztatikus variancia)

$SS_R$  = Sums of Squares Error  
(Hibavariancia)





# Számítás

$SS_T$  = az egyes adatpontok és a nagyátlag közötti különbség négyzete összeadva

$SS_M$  = az egyes csoportok átlaga és a nagyátlag közötti különbség négyzete súlyozva a csoport létszámával, mind összeadva

- $SS_A$  = az A faktorra vonatkoztatva (férfi, nő)
- $SS_B$  = a B faktorra vonatkoztatva (tetkó, piercing, tetkó + piercing, semmi)
- $SS_{A \times B} = SS_M - SS_A - SS_B$

$SS_R$  = az egyes adatpontok és a csoport (tetkós nő, tetkós férfi, piercinges nő, piercinges férfi, stb) átlaga közötti különbség négyzete, mind összeadva

- A SS értékeket osztjuk a szabadságfokokkal, hogy megkapjuk a MS értékeket
- Minden faktorra és minden interakcióra külön F arányszámot számolunk: a megfelelő modell MS osztva a hiba MS-szel.

	Mean squares	Szabadságfok
Main effect of A	$MS_A$	$k - 1$
Main effect of B	$MS_B$	$q - 1$
A x B interaction	$MS_{AxB}$	$(k - 1)(q - 1)$

$$F_A = \frac{MS_A}{MS_R}$$

$$F_B = \frac{MS_B}{MS_R}$$

$$F_{AxB} = \frac{MS_{AxB}}{MS_R}$$

# Hatásméret: faktoronként és interakciónként

$$\omega^2 = \frac{SS_M - (df_M \times MS_R)}{SS_T + MS_R}$$

$$\omega^2_A$$

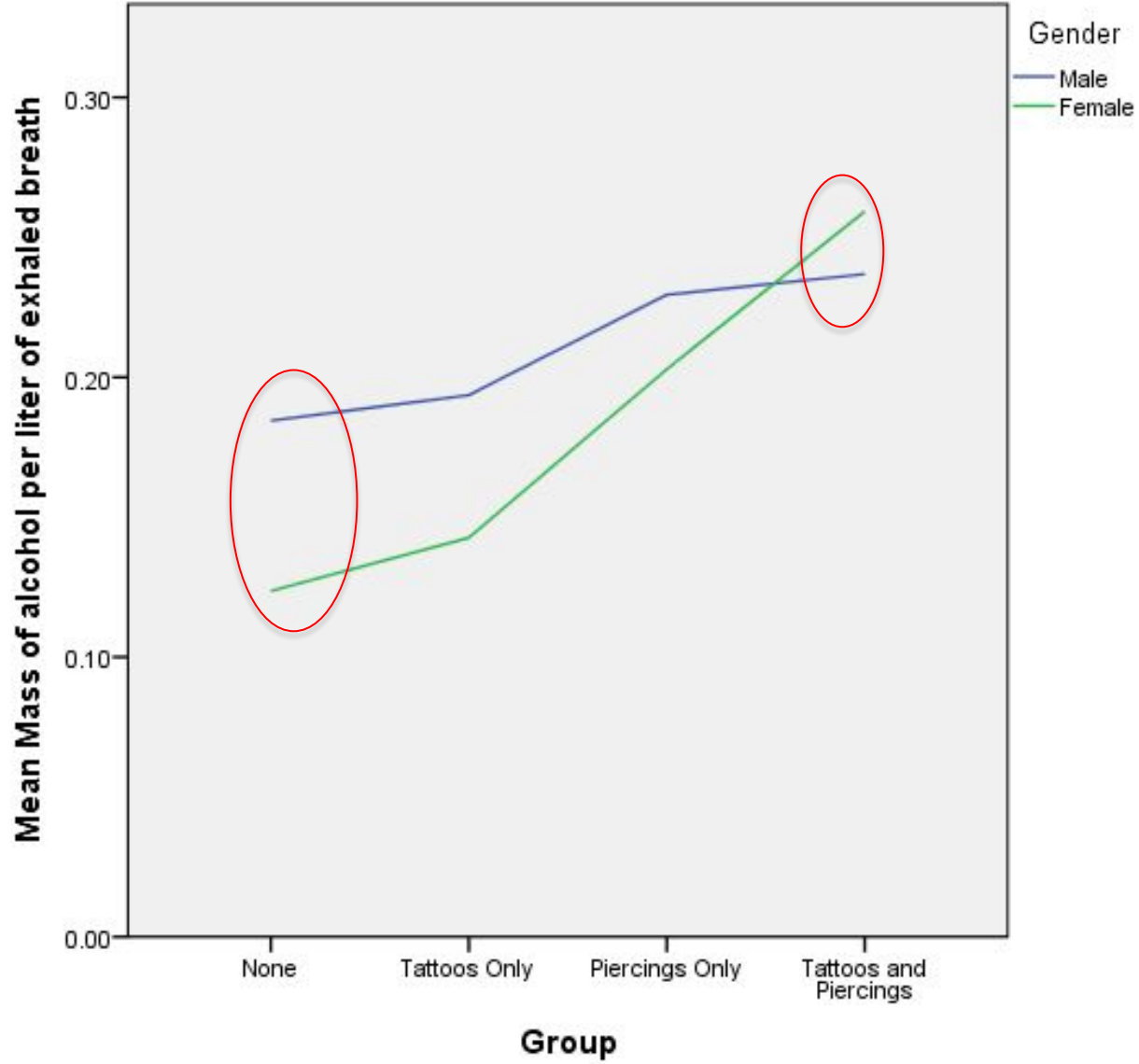
$$\omega^2_B$$

$$\omega^2_{A \times B}$$

(Partial)  $\eta^2$ :  $SS_M / SS_T$

# Utóelemzések

- Ha egy főhatás szignifikáns, és csak két szintje van a faktornak, nincs szükség utóelemzésre (a két szint közötti különbség szignifikáns)
- Ha egy főhatás szignifikáns, és **több mint két szintje** van a faktornak: tervezett kontraszt vagy post hoc páros összehasonlítás mutatja meg, hogy melyik szintek között van a szignifikáns hatás
- Ha egy interakció szignifikáns: egyszerű főhatásokat lehet vizsgálni
  - pl. csak a testdekoráció nélküli személyeket nézve, különbség a nők és férfiak alkoholfogyasztása között
  - csak a tettkóval + piercinggel rendelkező személyeket nézve különbség a nők és a férfiak alkoholfogyasztása között



JASP > ANOVA > ANOVA

Hatásméreték  
(Additional Options >  
Estimates of effect  
size > partial Eta2

ANOVA - Alcohol

Cases	Sum of Squares	df	Mean Square	F	p	$\eta_p^2$
Gender	0.14	1.00	0.14	8.55	0.00	0.00
BodyDecorations	1.32	3.00	0.44	26.88	< .001	0.04
Gender * BodyDecorations	0.18	3.00	0.06	3.61	0.01	0.01
Residual	32.01	1957.00	0.02			

Note. Type III Sum of Squares

A nem főhatása

A testdekoráció főhatása

A megmaradt variancia, hiba

A két faktor interakciója

JASP > ANOVA > ANOVA > Simple Main Effects

Simple effect factor: az a faktor, aminek a szintjeit összehasonlítjuk egymással

A testdekorációval nem rendelkező nők és férfiak alkoholfogyasztása közötti különbség

Simple Main Effects - Gender ▼

Level of BodyDecorations	Sum of Squares	df	Mean Square	F	p
None	1.25	1	1.25	76.26	< .001
Tattoos Only	0.10	1	0.10	5.89	0.02
Piercings Only	0.04	1	0.04	2.48	0.12
Tattoos and Piercings	0.01	1	0.01	0.63	0.43

A másik faktornak az egyes szintjei

A tetkóval + piercinggel rendelkező nők és férfiak alkoholfogyasztása közötti különbség



## Tervezett kontraszt emlékeztető

- **Deviation.** Az első kivétellel minden csoportot a nagyjátlaghoz hasonlít.
- **Simple.** Minden csoportot az első csoporthoz hasonlít.
- **Difference.** Minden csoportot az összes előtte lévő csoport átlagához hasonlít..
- **Helmert.** Minden csoportot az összes utána lévő csoport átlagához hasonlít.
- **Repeated.** Minden csoportot az eggyel utána következő csoporthoz hasonlít.
- **Polinomiális trend**

Minden szintet a következőhöz hasonlít

A testdekoráció főhatása szignifikáns volt, és több mint két szintje van, ezért tervezett kontrasztelemezést végzünk!

Repeated Contrast - BodyDecorations

Comparison	Estimate	SE	df	t	p
None - Tattoos Only	-0.01	0.01	1961.00	-1.27	0.20
Tattoos Only - Piercings Only	-0.05	0.01	1961.00	-3.57	< .001
Piercings Only - Tattoos and Piercings	-0.03	0.02	1961.00	-1.93	0.05

# Jelentés

[...] Men and women were categorized into four groups depending on the body decorations they wore. See Table 1 for sample sizes. Their alcohol level was measured with a breathalyzer as they were leaving a pub.

	No decorations	Piercings	Tattoos	Both
Male	903	98	53	85
Female	537	138	124	27

Table 1. Number of participants in each group.

A 2 x 4 ANOVA with Gender and Body Decoration as between-subject factors revealed a main effect of Gender. On average, men had a higher level of alcohol ( $M = .19$ ,  $SD = .14$ ) than women ( $M = .14$ ,  $SD = .11$ ),  $F(1, 1957) = 8.55$ ,  $p = .004$ ,  $\eta_p^2 = .004$

We also found a main effect of Body Decoration. Repeated contrast analysis revealed that tattoos alone had no effect on blood alcohol levels compared to no body decorations ( $p = .20$ ) but people with piercings had higher levels of alcohol than people with just tattoos ( $p < .001$ ) and people with both tattoos and piercings had even higher levels of alcohol than people with just piercings ( $p = .05$ ).

The Gender x Body Decoration interaction was also statistically significant,  $F(3, 1957) = 3.67, p = .013$ . As shown in Figure 1 and confirmed by simple main effects analysis, while in the No Body Decorations and Tattoo Only groups women had significantly lower alcohol levels than men ( $p < .02$ ), this difference disappeared for people with piercings only and both tattoos and piercings. In the last group, women ( $M = .26, SD = .21$ ) actually had slightly although not significantly higher levels of alcohol than men ( $M = .24, SD = .16$ ). We may conclude that body decoration is a good predictor of risk taking behaviour and this is especially so for women.

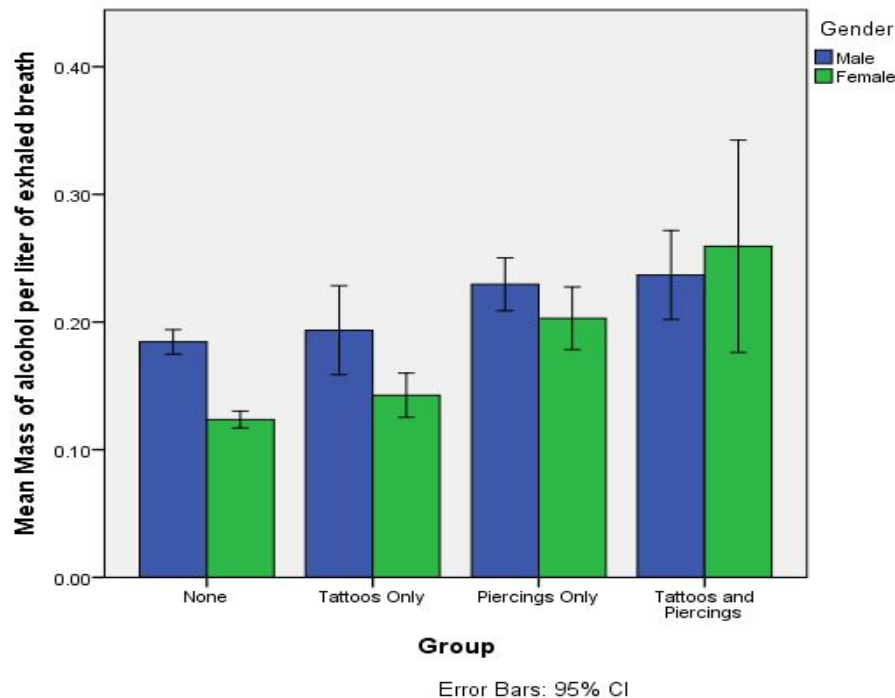


Figure 1. Blood alcohol level by gender and body decoration

# Jelentés

[...] Férfiakat és nőket négy csoportra osztottak az alapján, hogy milyen testdekorációt hordtak. A csoportok elemszámát ld. az 1. táblázatban. A kísérleti személyek véralkohol szintjét lemérték, amint kijöttek egy bárból.

	Nincs	Piercing	Tetoválás	Mindkettő
Férfi	903	98	53	85
Nő	537	138	124	27

## 1. táblázat. A csoportok elemszámai

Egy 2 (nem) x 4 (testdekoráció) független-mintás ANOVA modell szerint a nem főhatása szignifikáns volt. A férfiak véralkohol szintje átlagosan magasabb volt ( $M = ,19$ ;  $SD = ,14$ ) mint a nőké ( $M = ,14$ ;  $SD = ,11$ ),  $F(1, 1957) = 8,55$ ;  $p = ,004$ ;  $\text{Eta}_p^2 = ,004$ )

A testdekoráció főhatása szintén szignifikáns volt. Egy ismételt kontrasztelemezés szerint a tetoválás önmagában nem befolyásolta az alkoholfogyasztást a testdekoráció nélküliekhez képest ( $p = ,20$ ) de a csak piercinggel rendelkezők véralkohol szintje magasabb volt, mint a csak tetoválással rendelkezőké ( $p < ,001$ ) és a tetoválással és piercinggel is rendelkezők véralkohol szintje magasabb volt még a csak piercinggel rendelkezőkénél is ( $p = ,05$ ).

A két faktor interakciója szintén szignifikáns volt,  $F(3, 1957) = 3,61$ ;  $p = ,01$ . Amint az 1. ábra mutatja, egyszerű főhatások elemzése szerint míg a testdekoráció nélküli és a csak tetoválással rendelkező nők véralkohol szintje szignifikánsan alacsonyabb volt, mint az azonos dekorációjú férfiaké ( $p < ,02$ ) ez a nemi különbség eltűnt a másik két testdekorációs csoport esetében. Sőt, a piercinget is és tetoválást is hordók körében a nők véralkohol szintje valamivel még magasabb is volt ( $M = ,26$ ;  $SD = ,21$ ) mint a férfiaké ( $M = ,24$ ;  $SD = ,16$ ), bár ez a különbség nem volt szignifikáns. Összességében tehát elmondható, hogy a testdekoráció jelzi a kockázatvállalás szintjét, és ez különösen igaz a nőkre.

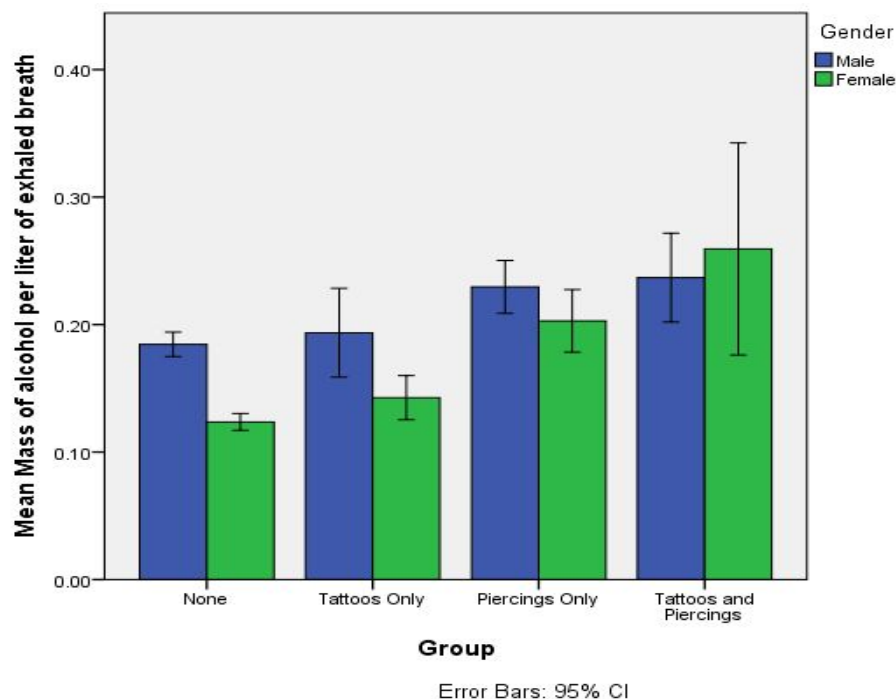


Figure 1. Blood alcohol level by gender and body decoration

# Gyakorlás

## MScStatAdatok.csv

A bulizás másként hat nőknél és férfiaknál az alkoholfogyasztásra? Az alvásra?

(Megjegyzés: az ANOVA nem a legjobb megoldás itt, mert nincs normál eloszlásunk)